

# Лист № 1 Обыкновенная дробь

## Обзор

- Понятие доли
- Обыкновенная дробь

- Нахождение дроби от числа
- Нахождение целого по его части

### Понятие доли

Отрезок, квадрат, круг можно считать **одним целым**.

Если разделить круг на 4 равные части и выбрать одну из них, то мы получим *одну четвёртую долю* круга. Аналогичным образом можно получить вторую, пятую долю и так далее (рис. 1.1).

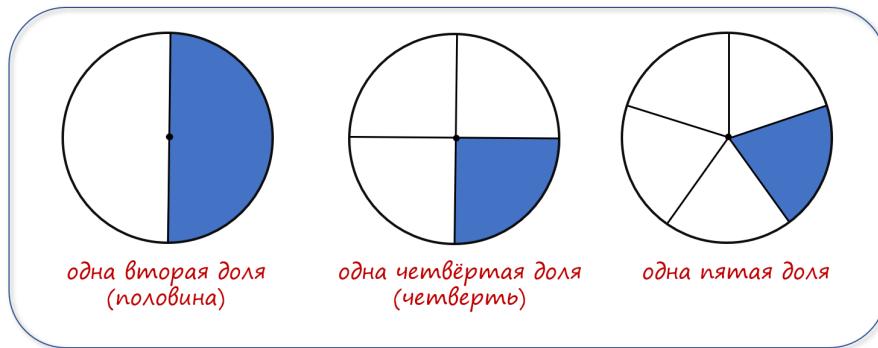


Рис. 1.1

### Определение 1.1

Равные части целого называются **долями**.

### Пример 1.1

Мастер и ученик, работая вместе, заработали 35400 рублей. На долю мастера приходятся две части этой суммы, на долю ученика - одна. Сколько денег получил каждый?



Рис. 1.2

### Решение.

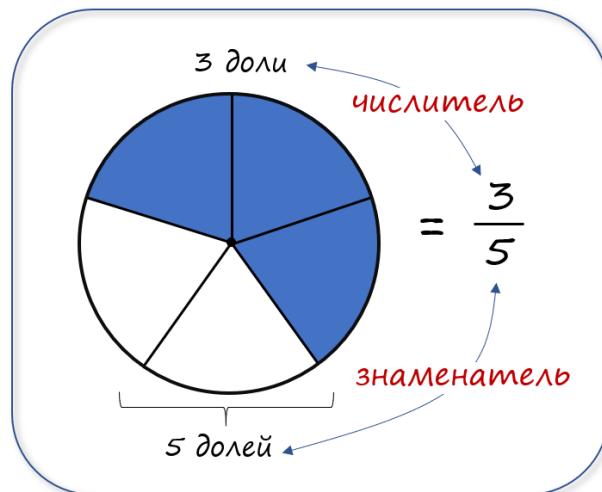
- 1) На сколько долей делят деньги?  $\rightarrow 2 + 1 = 3$  (доли).
- 2) Сколько денег приходится на одну долю?  $\rightarrow 35400 : 3 = 11800$  (рублей).
- 3) Сколько получил мастер?  $\rightarrow 11800 \cdot 2 = 23600$  (рублей).

**Ответ:** Мастер получил 23600 рублей, ученик 11800 рублей.

## Понятие обыкновенной дроби

Пусть круг разделен на 5 равных частей. Каждая из них составляет *одну пятую долю*. На рисунке закрашены 3 доли из 5, что составляет три пятых всего круга.

Три пятых круга записываются в виде  $\frac{3}{5}$ . Такую запись называют **обыкновенной дробью**, а число, которое она обозначает, – **дробным числом**.



### Определение 1.2

**Дробное число** – это одна доля или сумма нескольких равных долей.

**Обыкновенная дробь** – это запись вида  $\frac{a}{b}$ .

Число  $b$  называется **знаменателем** дроби и показывает на сколько частей разделено целое.

Число  $a$  называется **числителем** дроби и указывает сколько взято частей.

### Правило 1.1 (чтение дробей)

**Числитель** – количественное числительное женского рода (одна, две).

**Знаменатель** – порядковое числительное (вторая, третья).

Образец чтения:  $\frac{1}{2}$  – одна вторая,  $\frac{2}{3}$  – две третьих.

## Изображение дроби на числовом луче

Дроби можно изображать на *числовом луче*. Изобразим на числовом луче дробь  $\frac{3}{5}$ .

Для этого выберем на луче *единичный отрезок* и разделим его на 5 равных частей.

Тогда отрезок  $OA$  будет составлять три пятых *единичного отрезка* и координата точки  $A$  будет равна  $A\left(\frac{3}{5}\right)$  (рис. 1.3).

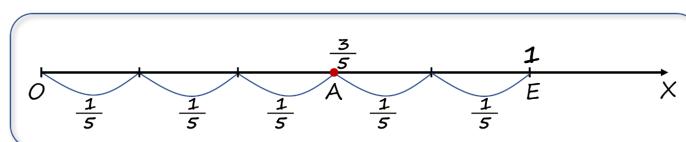
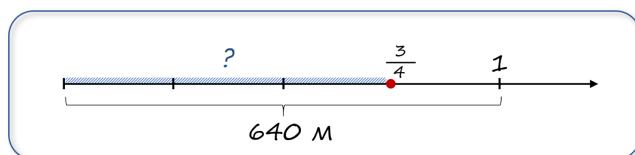


Рис. 1.3

## Нахождение дроби от числа

### Пример 1.2

От Колиного дома до школы 640 метров. Он прошёл  $\frac{3}{4}$  пути. Сколько метров прошёл Коля?



#### Решение.

- ① В данной задаче *единица* - это весь путь. Знаменатель дроби равен 4, значит, весь путь разбит на 4 части, и Коля прошёл 3 таких части.
- ② Длина одной части равна  $640 : 4 = 160$  (м).
- ③ Длина трёх частей равна  $160 \cdot 3 = 480$  (м).

**Ответ:** Коля прошёл 480 м.

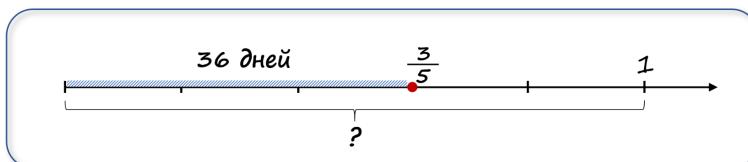
#### Правило 1.2 (нахождение дроби от числа)

Чтобы найти дробь от числа, нужно это число **разделить на знаменатель дроби**, и полученный результат **умножить на числитель дроби**.

## Нахождение целого по его части

### Пример 1.3

Сколько дней длится первая четверть, если  $\frac{3}{5}$  её составляют 36 дней?



#### Решение.

- ① В данной задаче *единица* - это продолжительность всей первой четверти. Четверть разбита на 5 частей.
- ② По условию 3 таких части составляют 36 дней, значит, одна часть составляет  $36 : 3 = 12$  дней.
- ③ Вся четверть состоит из 5 таких частей и составляет  $12 \cdot 5 = 60$  дней.

**Ответ:** первая четверть длится 60 дней.

#### Правило 1.3 (нахождение целого по его части)

Чтобы найти целое по его части, нужно число **разделить на числитель дроби** и **умножить на знаменатель дроби**.

**Пример 1.4**

1) Найти  $\frac{3}{7}$  от 42.

**Решение:** Находим дробь от числа по правилу 1.2:  $42 : 7 \cdot 3 = 18$ .

2) Найдите целое, если  $\frac{3}{7}$  составляет 42.

**Решение.** Находим целое по правилу 1.3:  $42 : 3 \cdot 7 = 98$ .

**Вопросы**

- 1) Что называется долей?
- 2) Что называется дробным числом?
- 3) Что такое обыкновенная дробь?
- 4) Что показывает знаменатель дроби? Числитель?
- 5) Как найти дробь от числа?
- 6) Как найти целое по его части?

**Пример 1.5**

Ученик исписал 10 страниц тетради, что составляет  $\frac{5}{6}$  всей тетради. Сколько страниц в тетради?

**Решение.**

① Здесь целое - это число страниц всей тетради (рис. 1.4а). Всё количество страниц разбито на 6 частей.

② По условию 5 частей соответствуют 10 страницам, значит, одна часть составляет  $10 : 5 = 2$  страницы.

③ Все страницы – это 6 таких частей и во всей тетради  $2 \cdot 6 = 12$  страниц.

**Ответ:** 12 страниц.

**Пример 1.6**

Дочери 12 лет, её возраст составляет  $\frac{2}{5}$  возраста матери. Сколько лет матери?

**Решение.**

① Здесь целое - это возраст матери, который разбит на 5 частей (рис. 1.4б).

② На возраст дочери приходится 2 такие части или 12 лет, значит, одна часть составляет  $12 : 2 = 6$  лет.

③ Возраст матери  $6 \cdot 5 = 30$  лет.

**Ответ:** 30 лет.

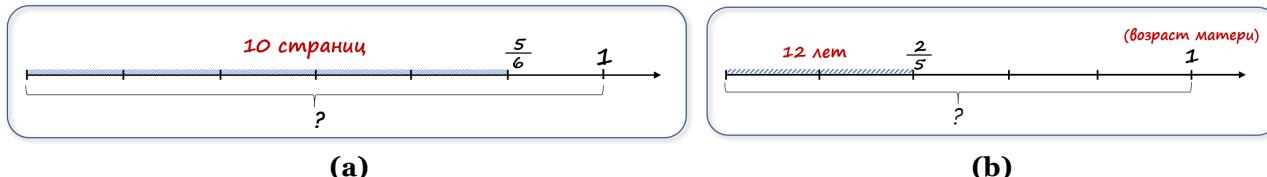


Рис. 1.4

**Упражнения****I уровень**

**1.1** Найдите дробь от числа:

- |                          |                          |                             |                          |
|--------------------------|--------------------------|-----------------------------|--------------------------|
| 1) $\frac{1}{2}$ от 36;  | 3) $\frac{1}{17}$ от 68; | 5) $\frac{1}{4}$ от 40;     | 7) $\frac{1}{1}$ от 79;  |
| 2) $\frac{1}{11}$ от 22; | 4) $\frac{1}{5}$ от 105; | 6) $\frac{1}{113}$ от 3390; | 8) $\frac{1}{5}$ от 245. |

**1.2** Найдите дробь от числа:

- 1)  $\frac{2}{3}$  от 15;      3)  $\frac{5}{9}$  от 45;      5)  $\frac{2}{5}$  от 25;      7)  $\frac{3}{8}$  от 32;  
2)  $\frac{2}{7}$  от 42;      4)  $\frac{3}{10}$  от 80;      6)  $\frac{5}{6}$  от 24;      8)  $\frac{5}{12}$  от 36.

**1.3** □ Найдите дробь от числа:

- 1)  $\frac{2}{11}$  от 77;      3)  $\frac{35}{57}$  от 114;      5)  $\frac{4}{25}$  от 100;      7)  $\frac{8}{13}$  от 39;  
2)  $\frac{3}{8}$  от 120;      4)  $\frac{17}{21}$  от 63;      6)  $\frac{31}{100}$  от 700;      8)  $\frac{9}{19}$  от 95.

**1.4** Выберите на числовой прямой масштаб: единица (целое) – 6 клеточек. Отметьте на числовой прямой дроби  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{6}, \frac{3}{6}, \frac{5}{6}, \frac{4}{6}, \frac{6}{6}, \frac{1}{1}$ . Выпишите дроби, которые выражают одинаковые части.

**1.5** □ Выберите на числовой прямой масштаб: единица (целое) – 12 клеточек. Отметьте на числовой прямой дроби  $\frac{1}{12}, \frac{2}{12}, \frac{3}{12}, \frac{4}{12}, \frac{8}{12}, \frac{1}{2}, \frac{1}{6}, \frac{3}{6}, \frac{4}{6}, \frac{6}{6}$ . Выпишите дроби, которые выражают одинаковые части.

**1.6** Выберите на числовой прямой такой масштаб (единицу), чтобы можно было «по клеточкам» отметить на числовой прямой следующие дроби:  $\frac{1}{3}, \frac{1}{5}, \frac{2}{3}, \frac{2}{5}, \frac{3}{5}, \frac{4}{5}, \frac{5}{5}$ . Выпишите дроби, которые выражают одинаковые части.

**1.7** Найдите целое, если:

- 1)  $\frac{1}{4}$  составляет 4;      5)  $\frac{3}{5}$  составляет 51;  
2)  $\frac{1}{8}$  составляет 4;      6)  $\frac{3}{4}$  составляет 21;  
3)  $\frac{1}{4}$  составляет 4;      7)  $\frac{2}{5}$  составляет 18;  
4)  $\frac{1}{3}$  составляет 6;      8)  $\frac{2}{3}$  составляет 14.

**1.8** □ Найдите целое, если:

- 1)  $\frac{2}{3}$  составляет 12;      5)  $\frac{31}{37}$  составляет 124;  
2)  $\frac{3}{11}$  составляет 33;      6)  $\frac{78}{145}$  составляет 78;  
3)  $\frac{4}{5}$  составляет 16;      7)  $\frac{2}{5}$  составляет 30;  
4)  $\frac{78}{145}$  составляет 78;      8)  $\frac{3}{10}$  составляет 60.

**1.9** Найдите  $\frac{2}{3}$  от 3, от 6, от 9. Объясните, почему дробь одна и та же, а ответы разные.

**1.10** Заасфальтировали  $\frac{2}{5}$  дороги. Сколько километров дороги заасфальтировали? Сколько осталось заасфальтировать?

**1.11** Купили 5 кг 600 г сахара и израсходовали на варенье  $\frac{7}{8}$  всего сахара. Сколько сахара пошло на варенье?

**1.12** После похода за грибами выяснилось, что из 36 грибов половину нашёл пapa, треть остатка – мама, а остальные – сын. Сколько грибов нашёл сын?

**1.13** Машинистка перепечатала  $\frac{1}{7}$  рукописи, а затем оставшиеся 42 страницы. Сколько страниц в рукописи?

**1.14** Велосипедист проехал  $\frac{2}{5}$  дороги. Какова длина дороги, если он проехал 40 км.

**1.15** На базу в Антарктиду доставили 24 собаки. Из  $\frac{3}{8}$  всех собак составили упряжку, на которой отправились в поход. Сколько собак не вошло в упряжку?

**1.16** Из деревни в город одновременно в одном направлении выехали мотоциклист и велосипедист. Скорость велосипедиста равна 15 км/ч, что составляет  $\frac{3}{5}$  скорости мотоциклиста. На каком расстоянии друг от друга они окажутся через 36 минут после выезда?

**1.17** До обеда токарь изготовил 28 деталей, а после обеда – оставшиеся  $\frac{3}{7}$  дневной нормы. Какова дневная норма токаря?

## II уровень

- 1.18** Сейчас у Миши в коллекции 250 марок. За последний год число марок в его коллекции увеличилось на  $\frac{1}{4}$ . Сколько марок было в коллекции год назад?
- 1.19** У Наташи было 56 фантиков, это составляет  $\frac{7}{8}$  количества фантиков Маши, а количество фантиков Даши составляет  $\frac{3}{4}$  количества фантиков Наташи. Сколько фантиков у всех девочек вместе?
- 1.20** Три рыбака поймали 168 рыб. Щукин поймал  $\frac{5}{14}$  всех рыб, Окунев –  $\frac{8}{21}$  всех рыб, а Карасёв -- остальные. Сколько рыб поймал Карасёв?
- 1.21** Фермеры Иван, Пётр и Семён вырастили вместе 612 т ячменя и поделили урожай между собой. Ивану досталось  $\frac{5}{17}$  всего урожая, Петру -  $\frac{9}{16}$  остатка. Сколько тонн ячменя получил Семён?
- 1.22** В детский санаторий завезли бананы, апельсины и мандарины. Масса апельсинов составляет  $\frac{12}{35}$  массы бананов, а масса мандаринов -  $\frac{7}{12}$  массы апельсинов. Сколько килограммов апельсинов и мандаринов вместе завезли в санаторий, если бананов завезли 245 кг?
- 1.23** На выполнение домашнего задания по математике Митя затратил  $\frac{3}{4}$  часа, что составляет  $\frac{5}{9}$  времени, затраченного на выполнение всех домашних заданий. Сколько времени Митя делал все домашние задания?
- 1.24** Папа ехал трамваем  $\frac{7}{12}$  часа, что составляет  $\frac{5}{7}$  времени, затраченного на путь до работы. Сколько времени папа добирался до работы?
- 1.25** У Васи было 72 марки, это составляет  $\frac{3}{5}$  количества марок Миши, а количество марок у Ильи составляет  $\frac{5}{6}$  количества марок Васи. Сколько марок у всех мальчиков вместе?
- 1.26** Папе 40 лет. Возраст Володи составляет  $\frac{3}{8}$  возраста папы и  $\frac{3}{7}$  возраста мамы. Сколько лет маме и сколько Володе?
- 1.27** Было 100 кг грибов, на  $\frac{99}{100}$  состоящих из воды. Их подсушили, после чего они стали содержать  $\frac{98}{100}$  воды. Какова масса подсущенных грибов?
- 1.28**  Было 40 кг грибов на  $\frac{98}{100}$  состоящих из воды. Их подсушили, после чего они стали содержать  $\frac{90}{100}$  воды. Какова масса подсущенных грибов?
- 1.29** Из двух портов, расстояние между которыми равно 576 миль, одновременно на встречу друг другу вышли два корабля. Первый корабль проходил за день 42 мили, что составляет  $\frac{7}{9}$  того, что проплывал второй корабль. Через сколько дней после начала движения встретятся корабли?
- 1.30** Тыква весит 24 кг. Масса арбуза составляет  $\frac{3}{8}$  массы тыквы и  $\frac{3}{2}$  массы дыни. Какова масса арбуза и какова масса дыни?
- 1.31**  Три фермера продали 540 ц зерна. Зерно, проданное первым фермером, составляет  $\frac{4}{9}$  всего зерна и  $\frac{4}{3}$  зерна, проданного вторым фермером. Сколько центнеров зерна продал третий фермер?
- 1.32** С трёх яблонь в саду собрали 420 кг яблок. Яблоки, собранные с первой яблони составляют  $\frac{2}{7}$  всех яблок и  $\frac{3}{4}$  яблок, собранных со второй яблони. Сколько килограммов яблок собрали с третьей яблони?
- 1.33** Одна десятая всех прозаиков – ещё и поэты, а одна девятая всех поэтов – ещё и прозаики. Кого больше: поэтов или прозаиков?